

مسائل Pcm (Pulse Code Modulation)

المسألة الأولى :

إشارة تناظرية (Analog signal) ذات تردد 4 kHz يتم تحويلها إلى إشارة رقمية باستخدام نظام pcm
عدد مستويات التكميم هو 16 والمطلوب :

① ما هو تردد أخذ العينات ؟

② ما هو عدد البتات لكل عينة ؟

③ ما هو معدل نقل البيانات ؟

★ الحل :

$$f_s \geq 2 \times f_{\max}$$

$$f_s = 2 \times 4 = 8 \text{ kHz}$$

① وفقاً لنظرية نايقويست :

$$f_{\max} = 4 \text{ kHz} \leftarrow$$

$$L = 2^n \text{ عدد مستويات التكميم}$$

$$\rightarrow n = \log_2(16) = 4 \text{ عدد البتات لكل عينة}$$

$$R_b = f_s \times n = 8000 \times 4 = 32000 \text{ (bps)}$$

③

المسألة الثانية :

تم تحويل إشارة تناظرية إلى إشارة رقمية باستخدام PCM حيث :

$$f_s = 12 \text{ kHz} \text{ تردد أخذ العينات}$$

$$n = 6 \text{ عدد البتات لكل عينة}$$

$$t_s = 10 \text{ sec} \text{ مدة الإشارة}$$

المطلوب : ما هو حجم البيانات (Data size) التي تحتوي هذه الإشارة الرقمية ؟

حجم الإشارة = عدد البتات لكل عينة $\times$ معدل أخذ العينات = حجم البيانات

$$\rightarrow \text{Data size} = 12000 \times 6 \times 10 = 720000 \text{ bits}$$

تحويل إلى Byte (1 بايت = 8 بت)

$$\rightarrow \text{Data size} = \frac{720000}{8} = 90000 \text{ bytes} = 90 \text{ KB}$$

المسألة الثالثة:

- تم تحويل إشارة تناظرية إلى إشارة رقمية باستخدام PCM ، عدد مستويات التكميم 32 ، $L = 1$ ، ونطاق الإشارة هو من $-5V$ إلى $5V$ المطلوب :

- ① حساب الخطأ الأقصى في التكميم
- ② حساب الخطأ المتوسط في التكميم

الحل :

① الخطأ الأقصى في التكميم يحدث عندما تكون القيمة في أفق حدودها (بين مستويين متجاورتين) ، يتم حساب استخدام العلاقة الآتية :

$$\begin{aligned} \text{خطأ} &= \frac{V_{\max} - V_{\min}}{2L} \\ V_{\max} &= 5V \\ V_{\min} &= -5V \\ L &= 32 \end{aligned}$$

$$\rightarrow 5 - (-5) / 2 \times 32 = 10 / 64 = 0.15625(V)$$

$$\begin{aligned} \text{الخطأ المتوسط في التكميم} &= \frac{\text{الخطأ الأقصى في التكميم}}{\sqrt{3}} \\ &= 0.15625 / \sqrt{3} \approx 0.0901(V) \end{aligned}$$

المسألة الرابعة:

- إشارة تناظرية يتم تحويلها إلى إشارة رقمية باستخدام PCM مع :

$$f_s = 1 \text{ kHz}$$

$$t = 2 \text{ Sec}$$

المطلوب : حساب عدد العينات التي تم ترميزها من الإشارة التناظرية ؟

$$\text{الحل : } \text{عدد العينات} = f_s \times t = 1 \times 2 = 20000$$

مسائل

PSK (Phase Shift Keying)

المسألة الأولى:

- في تعديل الطور PSK، إذا كان لدينا إشارة رقمية وتستم PSK-2 ما عدد الأطوار الممكنة؟

الحل:

- في PSK-2 يوجد طوران فقط (موجتين مختلفتين للمرحلة)
إذاً عدد الأطوار الممكنة = 2

المسألة الثانية:

- إذا كان تردد الإشارة في BPSK (Binary PSK) هو (1 MHz) والزمن لكل بت هو (1 ns) فما هو معدل البيانات في النظام؟

الحل:

الزمن لكل بت = 1 / معدل البيانات

$$= \frac{1}{1 \text{ ns}} = 1 \text{ Mbps}$$

المسألة الثالثة:

- في PSK-4 إذا تم تعديل البيانات باستخدام 4 أطوار مختلفة فما هو عدد البتات التي يمكن إرسالها في كل طور؟

الحل: نعلم أن عدد الأطوار = 2^n حيث n عدد البتات
(مخبر كل طور) ببت $n = 2 \Rightarrow 4 = 2^n$

المسألة الرابعة:

- في نظام BPSK، إذا كانت الطاقة لكل بت $E_b = 5 \text{ mJ}$ وكانت الضوضاء N_0 تساوي (1 mW) احسب نسبة الطاقة إلى الضوضاء (SNR).

الحل:

$$SNR = \frac{E_b}{N_0} = \frac{5 \times 10^{-3} \text{ (J)}}{1 \times 10^{-3} \text{ (W)}} = 5$$

مسألة QAM (Quadrature Amplitude Modulation)

المثال الأول:

- في نظام QAM-64 إذا كان معدل البتات $R = 10 \text{ Mbps}$ فما هو عدد الرموز في الثانية في النظام؟

الحل: عدد البتات لكل رمز $\times$ معدل الرموز في الثانية $= R$

بما أنه لدينا QAM-64 $\leftarrow$ كرمز يمثل 6 بتات لأن:

$$M = 64 \Rightarrow 2^n = 64 \Rightarrow n = 6$$

$$\text{معدل الرموز في الثانية} = \frac{R}{n} = \frac{10}{6} =$$

$$= 1.67 \text{ Msymbols/sec}$$

المثال الثاني:

- في نظام QAM-16 إذا كانت مدة إرسال كل رمز هي $1 \mu\text{s}$ فما هو معدل البتات إذا كان كل رمز يمثل 4 بتات؟

الحل:

$$\text{معدل البتات} = \frac{\text{عدد البتات في كل رمز}}{\text{مدة إرسال كل رمز}} = \frac{4}{1 \mu\text{s}} =$$

$$= 4 \times 10^6 \text{ bps} = 4 \text{ Mbps}$$